

Metrické vzťahy v stereometrii

- **Uhol dvoch priamok**

1. Ak sú rovnobežné alebo totožné, uhol = 0°
2. Ak nie sú rovnobežné, uhol $\leq 90^\circ$
3. Ak sú mimo bežné uhol získame posunutím do spoločného bodu

- **Uhol priamky a roviny**

Je to najmenší zo všetkých uhlov ktoré zvierajú priamka s ľubovoľnou priamkou roviny

Postup:

1. Na priamke si zvolíme body U, V
2. Bodmi U, V zostrojíme priamky u, v kolmé na rovinu α
3. Prieniky priamok u, v s rovinou α sú pravouhlé priemety U, V
4. $p_1 = U_1, V_1$ pravouhlý priemet priamky p do roviny α

$$l \not\perp p, \alpha \mid l = l \not\perp p, p_1 \mid l = \phi$$

Ak $U_1 = V_1$ tak $p \perp \alpha$

- **Uhol dvoch rovín**

Postup:

1. Zostrojíme priamku p patriacu prieniku rovín α a β
2. Zostrojíme priamku a, kolmú na p a zároveň patriacu α
3. Zostrojíme priamku b, kolmú na p a zároveň patriacu β

a, b – rôznobežky

$$l \not\perp \alpha, \beta \mid l = l \not\perp a, b \mid l = \phi$$

- **Kolmosť priamok a rovín**

Dve priamky sú na seba navzájom kolmé práve vtedy, keď ich odchýlka je 90° .

Kolmosť priamok p a g zapisujeme $p \perp g$.

Priamka a rovina sú na seba navzájom kolmé práve vtedy, keď je priamka kolmá na 2 rôznobežné priamky roviny. Kolmosť priamky p a roviny α potom zapisujeme $p \perp \alpha$.

Priamka kolmá na rovinu sa nazýva kolmica na rovinu.

Bod $P \{P\} = p \cap \alpha$ je päta kolmice. Daným bodom môžeme viesť na danú rovinu jedinú kolmicu.

Dve roviny sú navzájom kolmé práve vtedy keď jedna z nich obsahuje priamku kolmú na druhú rovinu.

- **Vzdialenosť bodu od priamky**

Je to vzdialenosť A od A' ktorý je priesečník priamky p s rovinou α , vedenou A kolmou na p . A' je pravouhlý priemet na p .

$$|A, p| = |A, A'|$$

- **Vzdialenosť bodu od roviny**

Postup:

1. Priamka p kolmá na rovinu α , bod A patriaci p
2. Bod A' patriaci prieniku p a α

A' pravouhlý priemet A do α

$$|A, \alpha| = |A, A'|$$