

17 Štvoruholníky

- **konvexný** štvoruholník ABCD je:
 - **deltoid**: ak AC je kolmé na BD a štvoruholník ABCD je osovo súmerný podľa jednej z uhlopriečok; (t.j. jedna z uhlopriečok je druhou rozpolená).
 - **kosoštvorec**: všetky strany zhodné, uhlopriečky (na obr. 3 označené ako e, f) :
 - sú kolmé na seba
 - sú časťou osí vnútorných uhlov
 - navzájom sa rozpoľujú
 - **lichobežník**: ak AB je rovnobežné s CD a AD nie je rovnobežné s BC. Ak navyše dĺžka $AD = BC$, lichobežník sa nazýva rovnoramenný.
 - **rovnobežník**: ak AB je rovnobežné s CD a AD je rovnobežné s BC. Potom platí $AB=CD$ a $AD = BC$ a uhlopriečky sa rozpoľujú.
 - kosodĺžnik: ak $AB \neq BC$
 - kosoštvorec: ak $AB=BC$
 - **pravouholník**: ak je rovnobežníkom a uhol ABC je pravý. Uhlopriečky sa rozpoľujú a majú rovnakú dĺžku. Ak $AB=AC$ ide o štvorec, v opačnom prípade o obdĺžnik.
- Štvoruholník sa nazýva **dotyčnicový**, ak mu možno vpísať kružnicu, ktorá sa dotýka všetkých jeho štyroch strán. Štvoruholník je dotyčnicový práve vtedy, keď platí:

$$|AB| + |CD| = |AD| + |BC|$$
- Štvoruholník sa nazýva **tetivový**, ak mu možno opísať kružnicu, ktorá prechádza všetkými jeho štyrmi vrcholmi. Štvoruholník je tetivový práve vtedy, keď pre jeho vnútorné uhly platí:

$$\alpha + \gamma = \beta + \delta = 180^\circ$$
- Deltoidy, štvorce a kosoštvorce sú dotyčnicové, rovnoramenné lichobežníky a pravouholníky sú tetivové.
- **Vzorec pre výpočet obsahu** tetivového štvoruholníka je: $S = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$, kde $s = \frac{\sigma}{2}$

Pravidelným n-uholníkom ($n \geq 3$) je útvar, kde všetky uhly majú rovnakú veľkosť . $\alpha = \frac{360^\circ}{n}$

Každý pravidelný n-uholník je konvexný, tetivový a dotyčnicový. **Súčet vnútorných uhlov** každého konvexného n-uholníka sa rovná: $(n - 2) \cdot 180^\circ$. **Počet uhlopriečok** v n-uholníku je: $\frac{n(n-3)}{2}$.